



2023; 19(2); 85 – 117

بسم الله الرحمن الرحيم
Omdurman Islamic University Journal(OIJJ)

مجلة جامعة أم درمان الإسلامية

<https://journal.oiu.edu.sd/index.php/oijj>

[https:// DOI 10.52981/oijj.v19i2.3076](https://DOI.10.52981/oijj.v19i2.3076)



ISSN: 5361-1858

إستخدام نماذج السلاسل الزمنية للتنبؤ بأعداد تلاميذ الصف الأول بمرحلة الأساس في ولاية الخرطوم خلال الفترة (1990-2021م)

أنور الزين بابكر مصطفى 1

¹ قسم الاحصاء ، كلية الاقتصاد والعلوم السياسية ، جامعة أم درمان الإسلامية - السودان

البريد الالكتروني: anowrbab1976@gmail.com

للاستشهاد بهذا المقال:-

أنور الزين بابكر مصطفى ، إستخدام نماذج السلاسل الزمنية للتنبؤ بأعداد تلاميذ الصف الأول بمرحلة الأساس في ولاية الخرطوم
خلال الفترة (1990-2021م) ، مجلة جامعة أم درمان الإسلامية

ISSN: 5361-1858

[https:// DOI 10.52981/oijj.v19i2.3076](https://DOI.10.52981/oijj.v19i2.3076)

المستخلص:

يعتبر التنبؤ أهم أدوات اتخاذ القرار وعملية التخطيط للمستقبل, لذا تناول البحث التنبؤ بأعداد تلاميذ الصف الاول بمرحلة الاساس ولاية الخرطوم لمساعدة الجهات المختصة باستيعاب التلاميذ في مرحلة الاساس فى وضع الخطط والبرامج التي تحقق الزامية التعليم التي يتضمنها القانون السودانى . هدفت الدراسة الى بناء نموذج رياضي يمكن من التنبؤ بأعداد التلاميذ واختبار امكانية تطبيق نماذج السلاسل الزمنية في التنبؤ بأعداد التلاميذ الصف الاول مرحلة الاساس. اعتمدت الدراسة على بيانات ثانوية تم جمعها من وزارة التربية والتعليم ولاية الخرطوم وتم تحليلها باستخدام نماذج السلاسل الزمنية. توصلت الدراسة إلى عدد من النتائج أهمها: ان سلسلة اعداد التلاميذ الصف الاول مرحلة الاساس (1990-2021) غير ساكنة ,وان القيم التنبؤية لسلسلة اعداد التلاميذ متزايدة مع الزمن, كما أن النموذج المناسب للتنبؤ بأعداد التلاميذ في الصف الاول بمرحلة الاساس في ولاية الخرطوم هو(1.1.0) ARIMA , وتوصلت الدراسة ايضا إلى عدد من التوصيات أهمها : على الجهات المختصة بوضع الخطط والبرامج التي تساعد في استيعاب الاطفال في سن التعليم بمرحلة الاساس بولاية الخرطوم , اجراء مزيد من الدراسات باستخدام نماذج السلاسل الزمنية والاساليب الاحصائية الاخرى , كما اوصت ايضا بوضع الخطط والبرامج التي

تساعد في استيعاب اعداد التلاميذ الصف الاول مرحلة الاساس بولاية الخرطوم المتزايدة خلال الفترة القادمة (2021-2031).

الكلمات المفتاحية : الاستقرارية- الانحدار الذاتي- المتوسط المتحرك- الارتباط الذاتي- التنبؤ.

Abstract:

The study tackled prediction which is considered to be the most important tool of decision making .the study predict the numbers of first year pupils of basic level to help the authority in planning well for their education according to Sudanese low. The study aims to build statistical model that enable to predict the numbers of pupils and the ability of applying the model of time series in the prediction of pupils numbers in class first at basic level. The researches has used the secondary date which has been collected from ministry of education. Khartoum state. The date has been analyzed by the use of time series.(Archive). The researcher has found out many results same of them are: Numbers of first class pupils of basic level (1990-2021) are not stable and the valve of prediction they are increasing through time. The suitable model for predication of pupils number at Khartoum state is (1.1.0) ARIMA. The researcher also recommends different things. The authority should adopt plans and programmers that help including all children in the education age at school. This is by conducting more studies using time series and other statistical systems from (2021-2031).

Key words: stationary- autoregressive- moving average- partial autocorrelation- forecasting.

1. تمهيد: إن التعليم وإلزاميته التي يضمنها القانون في السودان ومعدلات النمو السكاني المرتفع نسبيا 2.5% وفتوة المجتمع كل هذه العوامل مجتمعه فضلا عن عوامل أخرى تؤدي إلى ظهور مشكله حقيقية في إعداد المنتسبين سنويا إلى الصف الأول من التعليم الأساسي وما يرتبط بهذه الأعداد من إلتزامات يجب التخطيط لها ومواجهتها من خلال التنبؤ بأعداد التلاميذ يمكن أن تتم عملية التنبؤ بأساليب مختلفه منها التحليل التقليدي للسلسلة الزمنية.

2. مشكلة الدراسة: تكمن مشكلة البحث في عدم إستخدام الجهات المختصة بالتعليم للأساليب الرياضية الحديثة التي تمكن من التنبؤ بالمستقبل من ما يؤثر على البرامج والخطط التي تضعها تلك الجهات حيث يمكن أن تكون هذه الخطط التي تم وضعها أكبر في تقديراتها من الحاجة الحقيقية للفصول والمدارس ويمكن أن تكون اقل منها من ما يؤدي إلى مشكلة إهدار موارد في حاله الاولى وإلى حدوث فجوة ونقص في الحالة الثانية، ولذلك كان لابد من معرفة سلوك السلسلة الزمنية لأعداد تلاميذ الصف الأول بمرحلة الاساس بولاية الخرطوم خلال المستقبل بإستخدام نماذج السلاسل الزمنية.

3. أهمية الدراسة: تكمن أهمية الدراسة في ايجاد نموذج قياسي يمكن من التنبؤ بإعداد التلاميذ بولاية الخرطوم المتوقع انتسابهم للصف الأول بمرحلة الاساس في كل عام دراسي وذلك بإستخدام نماذج السلاسل

الزمنية ARIMA ومن ثم التنبؤ بهذه الأعداد حتى 2031 مما يمكن الجهات المختصة من وضع الخطط والبرامج التي تمكن من استيعاب كل المرشحين بالإلتحاق للصف الأول بمرحلة الأساس ولاية الخرطوم.

4. أهداف الدراسة:

1. بناء نموذج رياضي يمكن من التنبؤ بأعداد تلاميذ الصف الأول بمرحلة الأساس بولاية الخرطوم.
2. إختبار إمكانية تطبيق نماذج السلاسل الزمنية في التنبؤ بأعداد التلاميذ الصف الأول بمرحلة الأساس بولاية الخرطوم.
3. التنبؤ بأعداد التلاميذ المتوقع إنتسابهم إلى الصف الأول بمرحلة الأساس بولاية الخرطوم، بإستخدام أفضل نموذج يتم التوصل اليه خلال الفترة (2021-2031) م .

5. فروض الدراسة:

1. سلسلة بيانات تلاميذ الصف الأول بمرحلة الأساس بولاية الخرطوم خلال الفترة 1990-2021 ساكنة.
2. يوجد نموذج رياضي مناسب للتنبؤ بأعداد التلاميذ بمرحلة الأساس للصف الأول بولاية الخرطوم.
3. أعداد التلاميذ الصف الأول بمرحلة الأساس متزايدة مع الزمن.
6. منهج الدراسة: تستخدم الدراسة المنهج الوصفي والتحليلي حيث تم إستخدام المنهج الوصفي في وصف سلوك السلسلة أعداد التلاميذ بمرحلة الأساس مع الزمن أما المنهج التحليلي تم إستخدامه في بناء وفحص النماذج الرياضية المختلفة وإختيار النموذج الأفضل والتنبؤ بأعداد التلاميذ في المستقبل.
7. مصادر البيانات : إعتمدت الدراسة على بيانات ثانوية تم جمعها من وزارة التربية والتعليم بولاية الخرطوم خلال الفترة (1990 - 2021) م.

8. الدراسات السابقة:

- دراسة نورة القرني : 2020 م : "التنبؤ بأعداد المدارس والمعلمين والطلاب بمنطقة مكة المكرمة باستخدام تحليل السلاسل الزمنية "

هدف البحث الحالي إلى دراسة واقع التغير الكمي في أعداد مدارس ومعلمي وطلاب الإدارة العامة للتعليم بمنطقة مكة المكرمة منذ عام 1998/ 1999 إلى عام 2019/ 2020 والتنبؤ بها مستقبلاً اعتماداً على منحنى تغيرها في الماضي، وذلك من خلال: -دراسة الواقع ووصف التغير الكمي للعناصر الأساسية في التعليم خلال الفترة الماضية، -إيجاد قيم تنبؤية لأعداد المدارس والمعلمين والطلاب (بنين، بنات) باستخدام تحليل السلاسل الزمنية "منهجية بوكس

وجينكنز" للسنوات العشر القادمة (حتى عام 2029) وتوصل البحث إلى وجود تغيرات كمية تزايدية بنسب مختلفة خلال الفترة الماضية وهي تغيرات منطقية بسبب النمو السكاني والتطور في جميع جوانب الحياة، ومن - الطبيعي ارتباط زيادة المدارس والمعلمين بزيادة أعداد الطلاب والطالبات. كما توصل البحث إلى تزايد المدارس والطلاب والمعلمين خلال العشر سنوات القادمة ماعدا مدارس التعليم المستمر للبنات حيث أوضحت النتائج بدء تناقصها وتناقص عدد الطالبات في تلك المرحلة مما يدل على فاعلية وتأثير حملات محو الأمية التي تنفذها الإدارة، وهذا يتوافق مع توجه وزارة التعليم في تحقيق أهداف التنمية المستدامة بإتاحة التعليم لجميع شرائح المجتمع. ومن هنا يمكن للمخططين وأصحاب القرار الرجوع إلى نتائج هذا البحث وبحوث التنبؤ المشابهة والاستشارة بها أثناء اتخاذ القرارات ووضع الخطط المستقبلية.

دراسة : فاطمة هاشم فليحي 2020 م : "تحليل السلاسل الزمنية للتنبؤ بأعداد التلاميذ في الصف الاول الابتدائي باستعمال منهجية بوكس جينكينز ((دراسة تطبيقية في محافظة البصرة))"، جامعة البصرة

هدفت هذه الدراسة إلى وضع نماذج قياسية للتنبؤ بأعداد التلاميذ المتوقع توافدهم إلى الصف الأول باستخدام منهجية بوكس جينكينز (Box-Jenkins) وتوفيق أفضل نموذج من نماذج (ARIMA ، ARMA) وقد خلصت الدراسة إلى وضع نموذج يمكن استخدامه في التنبؤ بأعداد التلاميذ، وتم التنبؤ بأعدادهم لخمس سنوات قادمة وهذا ما يشكل قاعدة علمية لوضع خطط التعليم والخطط المرتبطة به ، وتوصلت الدراسة الي عدد من التوصيات اهمها : ان تولي الدولة الاهتمام الكبير والرعاية اللازمة لمنظومة التعليم في العراق، إذ ان القانون يكفل حق التعليم المجاني لكل مواطن الا ان معدل النمو السكاني المرتفع ، وعوامل أخرى مختلفة تؤدي إلى ارتفاع أعداد التلاميذ المقبولين في الصف الاول الابتدائي وبشكل متسارع جدا لذا لابد من مواجهة هذا الواقع عن طريق وضع خطط سنوية من قبل المعنيين لمواجهة الالتزامات المتوقعة لكل عام جديد من مدارس وشعب ومعلمين وكل مستلزمات التعليم الاخرى ومن اجل تحقيق ذلك لا بد من وجود دراسات تمكنا من معرفة اعداد التلاميذ الذين سوف يقبلون في المستقبل.

دراسة : عثمان نقار 2011م : "منهجية Box - Jenkins في تحليل السلاسل الزمنية والتنبؤ : دراسة تطبيقية على أعداد تلاميذ الصف الاول من التعليم الاساسي في سورية"، جامعة دمشق.

هدفت هذه الدراسة إلى وضع نماذج قياسية للتنبؤ بأعداد التلاميذ المتوقع توافدهم إلى الصف الأول تعليم أساسي باستخدام منهجية(بوكس جنكينز Box-Jenkins) وتوفيق أفضل نموذج من نماذج ARIMA و ARMA. خلصت الدراسة إلى وضع نموذج يمكن استخدامه في التنبؤ بأعداد التلاميذ، وتم التنبؤ بأعدادهم حتى عام 2015 وهذا ما يشكل قاعدة علمية لوضع خطط التعليم والخطط المرتبطة بها، خلصت الدراسة الي عدد من التوصيات اهمها : الاهتمام والرعاية اللازمة لمنظومة التعليم في الدولة، إذ يكفل القانون حق التعليم لكل مواطن، وهو إلزامي ومجاني في مرحلة التعليم الأساسي. هذا فضلاً عن أن معدل النمو السكاني المرتفع، وعوامل أخرى مختلفة تؤدي إلى ارتفاع أعداد

التلاميذ المنتسبين إلى الصف الأول من التعليم الأساسي وبشكل متسارع جداً. لابد لمواجهة هذا الواقع من وضع خطط سنوية من قبل المعنيين لمواجهة الالتزامات المتوقعة لكل عام جديد: المدارس، الشعب، المعلمين، المقررات.

9. نماذج السلاسل الزمنية (ARIMA):

نموذج الانحدار الذاتي :

في طريقة الانحدار الذاتي AR تعتمد قيمة متغير ما في الفترة الحالية Y_t علي قيمة نفس المتغير في الفترات السابقة $(Y_{(t-1)}, Y_{(t-2)}, \dots, Y_{(t-n)})$ لذلك يطلق علي هذا النموذج تسمية الانحدار الذاتي ، لان قيمته في الفترات السابقة .

نموذج الانحدار الذاتي للرتبة الاولى $AR(1)$.

يصف هذا النموذج تغير قيم Y_t لوحدة واحدة $Y_{(t-1)}$ ، ويمكن صياغة نموذج الانحدار الذاتي من الرتبة الاولى بالمعادلة الآتية:

$$Y_t = \emptyset_0 + \emptyset_1 Y_{(t-1)} + e_t \dots \dots \dots (1)$$

حيث ان :

$\emptyset_1$ معلمة الانحدار الذاتي التي يجب تقديرها..

$\emptyset_0$ ثابت معامل الانحدار الذاتي.

$Y_{(t-1)}$ المشاهدات السابقة للسلسلة الزمنية Y_t .

e_t المتغيرات العشوائية التي يفترض ان تكون مستقلة وتتبع التوزيع الطبيعي بوسط حسابي = صفر ، وتباين $\emptyset^2$.

ويمكن كتابة نموذج الانحدار الذاتي بدلالة معامل التأخير علي النحو الآتي :

$$(1 - \emptyset\beta) [Y]_t = e_t \dots \dots \dots (2)$$

كما أن معلمة الانحدار الذاتي $\emptyset_1$ يجب ان يستوفي شرط الاستقرار عندما تقع قيمتها داخل دائرة الوحدة، اي داخل دائرة نصف قطرها واحد $(-1 < \emptyset < 1)$ ، فعندما تكون $\emptyset > 1$ عندها يكون شكل الارتباط الذاتي متناقصا بشكل اسي (هندسي) مغيرا اشارته عند كل تأخير .

ومعادلة الارتباط الذاتي P_k لنموذج الانحدار الذاتي من الرتبة الاولى $AR(1)$

$$P(k) = \phi P(k-1) \dots \dots \dots (3)$$

عندما $K > 0$

اما معامل دالة الارتباط الذاتي الجزئي P_{kk} تكون مساوية لمعلمة الانحدار الذاتي $AR(1)$ ومعاملات الارتباط الذاتي الاخرى تساوي صفرا . (محمد, 2005)

نموذج الانحدار الذاتي من الرتبة الثانية $AR(2)$:

عند اضافة معلمة انحدار ذاتي جديدة الي نموذج الانحدار من الرتبة الاولى $AR(1)$ تصبح المعادلة معادلة انحدار ذاتي من الرتبة الثانية $AR(2)$ بالصيغة الاتية :

$$Y_t = \phi_0 + \phi_1 Y_{t-1} + \phi_2 Y_{t-2} + [e]_t \dots \dots \dots (4)$$

وتكتب المعادلة اعلاه بطريقة الفروق كالاتي :

$$(1 - \phi_1 B - \phi_2 B^2) X_t = e_t \dots \dots \dots (5)$$

ودالة الارتباط الذاتي في هذا النموذج تكتب كالاتي :

$$P_k = \phi P_{k-1} + \phi_2 P_{k-2} \dots \dots \dots (6)$$

ويكون شرطه الاستقرارية في دالة الارتباط الذاتي ACF لنموذج الانحدار الذاتي من الرتبة الثانية $AR(2)$ مشابه لشرط الاستقرارية في دالة الارتباط الذاتي للنموذج $AR(1)$ كالاتي :

$$-1 < \phi < 1$$

اما معادلة الارتباط الذاتي الجزئي $PACF$ للنموذج $AR(2)$ فتتضاءل معلوماتها بعد التأخير

$$P_{11} \neq 0$$

$$P_{22} \neq 0$$

حيث ان :

$$\phi_{22} \neq 0 \text{ عند التأخير الثاني } k > 2 .$$

3- نموذج الانحدار الذاتي $AR(P)$:

يحتوي نموذج الانحدار الذاتي $AR(P)$ علي عدد يساوي P من معاملات الانحدار الذاتي ϕ التي يجب تقديرها ويكتب كالآتي: (الحديثي، 2001)

$$Y_t = \phi_0 + \phi_1 Y_{(t-1)} + \phi_2 Y_{(t-2)} + \dots + \phi_p Y_{(t-p)} + [e]_t \dots \dots \dots (7)$$

ويمكن كتابة المعادلة السابقة بالصيغة الآتية :

$$Y_t = \sum_{n=1}^p [\phi_n Y_{(t-n)} + e_t] \dots \dots \dots (8)$$

حيث ان :

$Y_{(t-n)}$ المشاهدات السابقة للسلسلة الزمنية .

او بدلالة معامل التأخير :

$$(1 - \phi_1 B - \phi_2 B^2 - \dots - \phi_p B^p) [Y]_t = e_t \dots \dots \dots (9)$$

ويكون شكل الارتباط الذاتي ACF للنموذج $AR(P)$ مزيجا من شكلين اسي وجيبي (سيني) ينحسر بلطف ومعاملات الارتباط الذاتي P_k لاتتعدى عند اي تأخير ، اما معاملات الارتباط الذاتي الجزئي PACF فتتعدى عند التأخير الاكبر من P . (حامد، 2003)

9-2 نموذج المتوسطات المتحركة (MA) :

المتوسط المتحرك هو الوسط الحسابي البسيط لقيم متتالية للسلسلة الزمنية ، ويتميز بالغاء التذبذبات الكبيرة من السلسلة الزمنية ، اي الغاء الفجوات الكبيرة بين القيم المشاهدة للسلسلة واتجاهها العام .

وباخذ نموذج المتوسط المتحرك قيمة الخطأ e_t او المتبقي والقيم الماضية للخطأ

$$e_t, e_{(t-1)}, \dots, e_{(t-q)}$$

في حسابه وليس قيمة المتغير نفسه ، وكذلك الحال بالنسبة للارتباط الذاتي ACF بين القيم المتعاقبة ل Y_t في حالة طريقة الانحدار الذاتي AR ، اما طريقة المتوسطات المتحركة فان الارتباط الذاتي سيكون بين القيم المتعاقبة للمتبقيات (الخطأ) e_t . (حامد، 2003)

نموذج المتوسطات المتحركة للترتبة الاولى $MA(1)$:

باستخدام المتغيرات العشوائية (الخطأ) المتعاقبة لبيانات السلسلة الزمنية يمكن تمثيل نموذج المتوسطات المتحركة من الرتبة الاولى (1)MA كما يأتي :

$$Y_t = e_t - \theta_0 - \theta_1 e_t \dots \dots \dots (10)$$

حيث ان :

θ معلمة المتوسطات المتحركة التي يجب تقديرها , وتصف هذه المعلمة تأثير التغير العشوائي السابق علي Y_t

θ_0 ثابت نموذج المتوسطات المتحركة بدلالة التأخير فتكون كالآتي :

$$Y_t = (1 - \theta B) [e]_t \dots \dots \dots (11)$$

ويتم التعبير عن الملاحظة الحالية Y_t كدالة خطية في المتغير الحالي e_t والمتغير العشوائي السابق $e_{(t-1)}$, اذ تعد امكانية اجراء تخفيض كبير في عدد معالم نموذج المتوسطات المتحركة سببا هاما في الاعتماد علي هذه النماذج , اذ يكافئ النموذج (1)MA نموذج المتوسطات المتحركة $AR(P)$ اي ان نموذج المتوسطات المتحركة بمعلمة واحدة يساوي نموذج انحدار ذاتي بعدد لا نهائي من المعالم . اما سلوك دالة الارتباط الذاتي ACF ودالة الارتباط الذاتي الجزئي PACF في نموذج لمتوسط المتحرك (1)MA فيكون مشابها لسلوكهما في نموذج الانحدار الذاتي من الرتبة الاولى (1)AR اذ تتعدم معاملات الارتباط الذاتي ومعاملات الارتباط الذاتي الجزئي بعد التأخير الاول . (A.H.Studenmd&Henry,1991)

نموذج المتوسط المتحرك للرتبة الثانية (2)MA :

عند اضافة معلمة متوسط متحرك جديدة الي نموذج المتوسط المتحرك من الرتبة الاولى (2)MA يصبح النموذج نموذجا متوسطا متحركا من الرتبة الثانية (2)MA مع نموذج الانحدار الذاتي من الرتبة الثانية (2)AR اذ تتعدم معاملاتهما بعد التأخير الثاني .

وتكتب معادلة ACF لنموذج (2)AM كما يأتي:

$$(A.H.Studenmd\&Henry,1991)$$

$$P_k = (-\theta^2)/((1 + \theta_1 + \theta_2^2)^2) \dots \dots \dots (12)$$

عندما $k \leq 2$

. $k > 2$ عندما $pk = 0$

اما معادلة PACF فيمكن كتابتها بالصيغة الآتية :

$$P(k) = (-\theta_1^k (1 - \theta_1^2)) / ((1 + \theta_1^2(2k+1))) \dots \dots \dots (13)$$

نموذج المتوسطات المتحركة $MA(q)$: نموذج المتوسطات المتحركة q عند اضافة عدد من معالم المتوسطات المتحركة q تصبح المعادلة نموذج المتوسطات المتحركة من الرتبة $AM(2)$ من الرتبة الثانية و بالصيغة الآتية:

$$Y_t = e_t - \theta_0 - [\theta]_1 e_{t-1} - \theta_2 e_{t-2} - \dots - \theta_q e_{t-q} \dots \dots \dots (14)$$

وبدلالة معامل التأخير :

$$[Y]_t = (1 - \theta_1 B - \theta_2 B^2 - \dots - \theta_q B^q) e_t \dots \dots \dots (15)$$

وعند اضافة معالم متوسط متحركة الي معادلة الارتباط الذاتي ACF تصبح معادلتها كما يأتي :

$$P_k = (- [\theta]_k + \theta_1 \theta_{(1+k)} + \dots \theta_{(q-k)} \theta_{(q)}) / ((1 + \theta_1^2 + \dots + \theta_q^2)) \dots \dots \dots (16)$$

عندما:

$$K \leq q$$

$$k > q, pk = 0$$

اما دالة الارتباط الذاتي الجزئي PACF فلا تنعدم معالمها الي الصفر مطلقا (تتناقص اسيا). (بري 2002)

نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة **ARMA** :

عند دمج النموذجين $AR(1)$ و $AM(1)$ نحصل علي النموذج $ARMA(1,1)$ بالصيغة الآتية

$$Y_t = \phi Y_{t-1} + e_t - \theta e_{t-1} \dots \dots \dots (17)$$

ودالة الارتباط الذاتي لهذا النموذج في الصيغة الآتية : (بري 2002)

$$p_k = (([1]_k - (\phi_1 \theta_1))(\phi_{(1-k)} \theta_1)) / (1 + \theta_1^2 - 2\phi_1 \theta_1) \dots \dots \dots (18)$$

وصيغة دالة الارتباط الذاتي الجزئي الآتية :

$$P(k) = \phi_1 p(k-1) \dots \dots \dots (19)$$

حيث ان : $k \geq 2$

نماذج الانحدار الذاتي المتكاملة مع المتوسطات المتحركة ARIMA :

ان السلاسل الزمنية الاقتصادية في اغلب اشكالها تكون غير مستقرة , وكما ذكرنا ذلك ووضحناه سابقا , فانه لتحويل السلسلة الزمنية غير الساكنة الي سلسلة زمنية ساكنة يجب اخذ الفروق لها , اذ عند ادخال معامل الفروق d الي النموذج $ARIMA(p, q)$ يتحول النموذج الي نموذج $ARIMA(p, d, q)$.

وتشير P الي رتبة الانحدار الذاتي , و d الي رتبة الفروق , و q رتبة المتوسطات المتحركة , وتكتب الصيغة الرياضية لنماذج $ARIMA(p, d, q)$ بدمج نموذج الانحدار الذاتي $AR(P)$ مع نموذج المتوسط المتحرك $MA(q)$ لتصبح بالصيغة الآتية: (الجضي 2006)

$$Y_t = \phi_1 Y_{t-1} + \phi_2 Y_{t-2} + \dots + \phi_p Y_{t-p} + e_t - \theta_1 e_{t-1} - \theta_2 e_{t-2} - \dots - \theta_q e_{t-q} \dots \dots (20)$$

او بدلالة معامل التأخير :

$$(1 - \phi_1 B - \phi_2 B^2 - \dots - \phi_p B^p) Y_t + (1 - \theta_1 B - \theta_2 B^2 - \dots - \theta_q B^q) e_t \dots \dots (21)$$

مراحل تطبيق نماذج ARIMA في التنبؤ :

هنالك عدة شروط يجب توفرها لتطبيق نماذج ARIMA وهي :

1-تناسب هذه النماذج السلاسل الزمنية ذات المشاهدات غير المتوقعة .

بمعني انها لا تناسب السلاسل ذات المشاهدات الحتمية او البديهية التي تصف بان حاضرها ومستقبلها مجرد امتداد لماضيها .

2-تأسيسا علي الفقرة السابقة تفترض نماذج ARIMA ان السلسلة غير ساكنة او ضعيفة السكون لذا لابد من العمل علي تحويلها الي سلسلة ساكنة عن طريق تحقيق استقرار المتوسط وثبات التباين عبر الزمن

3-تفترض هذه النماذج وجود فترات زمنية متساوية , وهذا يشير الي ان نماذج لا تناسب مع السلاسل ذات البيانات المفقودة.

تطبيق منهجية بوكس - جنكيز BOX-Jenkins :

1-مرحلة التعريف والتشخيص .

2-مرحلة التقدير والاختبار

3-مرحلة التنبؤ . (الجضعي,2006)

مرحلة التعريف والتشخيص Identification & Diagnostic :

يقصد بتعريف النموذج هنا تحديد رتب كل من p, d, q لنموذج ARIMA حتى يمكن تقديره عن طريق مشاهدة كل من دالتي الارتباط الذاتي ACF والارتباط الذاتي PACF , فإذا كان شكل الارتباط الذاتي ACF يقع داخل حدود الثقة 95% من البداية فان معامل الارتباط الذاتي P_k لا يختلف جوهريا عن الصفر , وهذا يعني ان سلسلة البيانات ساكنة ومتكاملة من الرتبة صفر , ونجري التحيلات علي القيم الاصلية Y_t دون اجراء التحويلات عليها . اما اذا كان شكل الانتشار لدالة الارتباط الذاتي ACF لا يعقد داخل فترة الثقة 95% لعدد من الفجوات الزمنية , فان معامل الارتباط الذاتي P_k يختلف جوهريا عن الصفر , وهذا يعني ان السلسلة الزمنية غير ساكنة , ويجب اخذ الفروق لها لتصبح سلسلة ساكنة , واذا عند الفرق الاول يصبح $d = 1$ اما اذا اخذنا الفرق الثاني فيصبح في نموذج $ARIMA(p, d, q)$. اما تعريف P, q فيتم متن خلال النظر الي شكل الانتشار لدالة الارتباط الذاتي الجزئي , فعندما تهبط الارتباطات الذاتية بصورة اسية الي الصفر , فهذا يعني وجود نموذج انحدار ذاتي AR تتحدد رتبته من عدد الارتباطات الذاتية الجزئية التي تخطت مغنوياً عن الصفر , اما لو هبطت الارتباطات الذاتية الجزئية بصورة اسية من الصفر فان النموذج هو نموذج AM تتحدد رتبته من عدد الارتباطات الذاتية ذات الدلالة الاحصائية, اما اذا كانت الارتباطات الذاتية الجزئية تهبط كلاهما الي الصفر بصورة اسية فان هذا النموذج هو نموذج ARIMA . (الوردي, 1990) , ويتم تحديد رتبة كل من AR و MA من خلال مشاهدة انتشار دالة الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي , فإذا كانت دالة الارتباط الذاتي لا تتنازل بسرعة مع زيادة درجات الابطاء فهذا يعني ان السلسلة الزمنية غير مستقرة , وتحتاج الي اخذ الفروق. وتتلخص عملية التشخيص من خلال الجدول (1):

جدول رقم (1) تشخيص رتب نماذج ARIMA :

النموذج	ACF	PACF
AR(1)	تتنازل هندسيا ابتداء من p_1	صفيرية بعد p_{k1}
AR(2)	تتنازل هندسيا ابتداء من p_2	صفيرية بعد p_{k2}
AR(P)	تتنازل هندسيا ابتداء من p_2	صفيرية بعد p_{kP}

AM(1)	صفريية بعد p_1	تتنازل بعد p_{kk1}
AM(2)	صفريية بعد p_2	تتنازل بعد p_{kk2}
AM(q)	صفريية بعد p_q	تتنازل بعد p_{kqp}
ARIMA(1,1)	تتنازل هند سيا ابتداء من p_1	تتنازل بعد p_{kk1}
ARIMA(p, d, q)	تتنازل هند سيا ابتداء من p_q	صفريية بعد p_{kqp}

المصدر: (العاني، 2005م)

حيث ان :

p_q معامل دالة الارتباط الذاتي .

p_{kk} معامل دالة الارتباط الذاتي الجزئي .

مرحلة التقدير والاختبار : Estimation & Testing

هو تقدير النموذج الملائم وذلك بالاعتماد علي المعلمات المشخصة ل ARIMA المرحلة الثانية لبناء نموذج ثم استخدام المعادلات الملائمة لتقدير النموذج , فاذا كانت رتبة كل من $d = 1$ و $p = 1$ و $q = 1$ فان النموذج الملائم في التقدير هو نموذج $ARIMA(1,1,1)$, اما اذا كانت رتبة كل من $d = 1$ و $q = 1$ و $p = 2$ فان النموذج الملائم في التقدير هو $ARIMA(2,1,3)$ وهكذا حسب معادلات نماذج ARIMA و $p = 2$ و $q = 3$, فان النموذج الملائم للتقدير هو $ARIMA$. آنفة الذكر

وبعد ان يتم تشخيص النموذج وتقدير المعالم يجب اختبار جودة النموذج وكفاءته , اذ اكد كل من بوكس - جنكيز علي ضرورة فحص سلسلة البواقي e_t لمعرفة استقلالية وعشوائية البواقي واتخاذ القرار النهائي لملائمة النموذج , اذ يستخدم اختبار حدي الثقة الذي ينص علي ان قيم معاملات الارتباط الذاتي للبواقي يجب ان تقع بين هذا المدى المحدد 95% , بموجب الصيغة الاتية : (العاني 2005)

$$p_{-}(r \dots) = [-1.96 [1/\sqrt{n}] \leq p_k(a_{-1}) \leq +1.96 [1/\sqrt{n}]] = 0.95 \dots (22)$$

حيث ان :

(a_t) معامل الضجة البيضاء (عندما تكون البواقي موزعة توزيعا طبيعيا بمتوسط صفر وتباين σ^2 ثابت . عند تحقق الصيغة اعلاه , فان ذلك يشير الي عشوائية معاملات الارتباط الذاتي للبواقي وان النموذج المشخص جيد ملائم (كفؤ) , يمكن استخدامه في التنبؤ.

ثم نفحص سلسلة البواقي باستخدام اختبار بوكس - جنيكز للتأكد من ان المتغيرات العشوائية (البواقي) e_t التي استخدمناها في النموذج لتقدير معالمه هي متغيرات مستقلة وتوزع عشوائياً بمتوسط صفر وتباين ثابت ، ومعادلتها بالصيغة الآتية : (الوردى، 1990)

$$Q = T(T + 2) \sum_{k=1}^{T-1} \frac{1}{(T-k)} p_{-}(k)^2 \dots \dots \dots (23)$$

مرحلة التنبؤ Forecasting : بعد تحديد رتب النموذج p, d, q وتقديره وتحديد النموذج الملائم يتم التنبؤ ، وذلك باحلال القيم الحالية والماضية للمتغير التابع Y_t والبواقي e_t كقيم تقديرية لحد الخطأ للحصول علي القيم المستقبلية الاولى المتنبأ بها $Y_{-}(t + 1)$ ، وفترة وهو ما يسمى بالتنبؤ لفترة مستقبلية واحدة . كما يمكن الحصول علي القيمة المستقبلية الثانية $Y_{-}(t + 2)$ باحلال القيمة المستقبلية الاولى $Y_{-}(t + 1)$ التي تم الحصول اليها في الخطوة الاولى للتنبؤ في معادلة التنبؤ مع افتراض حد الخطأ خارج العينة للدالة يساوي صفر . (العانى 2005)

ومعادلة التنبؤ للفترة الاولى هي :

$$Y_{-}(t + 1) = \beta_0 + \phi Y_t + \phi_1 Y_{-}(t - 1) + e_t - \theta_1 e_{-}(t - 1) \dots \dots \dots (24)$$

اما معادلة التنبؤ للفترة الثانية فهي :

$$Y_{-}(t + 2) = \beta_0 + \phi_1 Y_{-}(t + 1) + e_t - \theta_1 Y_t \dots \dots \dots (25)$$

وهكذا بالنسبة للفترة التالية للتنبؤ .

تنبؤ مع اقل متوسط مربعات للخطأ : سنبين ان الوسط الحسابي لتوزيع التنبؤ يجعل القيمة المتوقعة لمتوسط مربعات في نهايتها الصغرى ، وهكذا يعني عدم وجود اي تنبؤ اخر يؤدي الي الحصول علي اخطاء تكون القيمة المتوقعة لمربعاتها اقل من تلك التي يمكن ان تنتج عن استخدام الوسط الحسابي لتوزيع التنبؤ .
افتراض ان m_h هي القيمة المتوقعة للمتغير $Z_{-}(n + h)$ الذي تنبأنا به في الفترة n اي ان

$$m_h = E(Z_{-}(n + h))$$

وافترض ان m هو التنبؤ اخر للمتغير $Z_{-}(n + h)$ بحيث ان

$$m = m_h + d$$

حيث تشير d الي الفرق بين m و m_h باستخدام نقطة التنبؤ m نجد ان القيمة المتوقعة لمربع خطأ التنبؤ هي :

$$E[(Z_{-}(n+h) - [m])^2] = E[Z_{-}(n+h) - (m_h - [d])^2] \dots \dots \dots (26)$$

وباعادة ترتيب حدود الطرف الايمن فمن المعادلة نجد ان :

$$E[(Z_{-}(n+h) - [m])^2] = E[(Z_{-}(n+h) - m_h)^2] - 2dE(Z_{-}(n+h) - m_h) + d^2 \dots (27)$$

وحيث ان :

$$[m]_h E(Z_{-}(n+h))$$

فان الحد الاوسط من الطرف الايمن في المعادلة يساوي صفر ونلاحظ d^2 مقدار غير سالب وبالتالي يلزم وضع $d=0$ حتي تكون المعادلة في نهايتها الصغرى .

ونلاحظ ايضا ان المقدار

$$E[(Z_{-}(n+h) - m_h)^2]$$

هو الوسط الحسابي لمربع خطأ التنبؤ . لذا فانه بالنسبة لمعيار اقل متوسط مربعات خطأ تنبؤ , نجد ان :

هو التنبؤ المثالي بقيمة $Z_{-}(n+h)$ وذلك لان متوسط مربعات الخطأ التنبؤ المناظر $m = E(Z_{-}(n+h))$ له اقل ما يمكن ويمكن حساب الوسط لتوزيع التنبؤ وهو

$$E(Z_{-}(n+h))$$

كما يلي , افترض ان Z_t هي عملية من عمليات $ARIMA(p, q)$ الساكنة و المعكوسة يمكن التعبير عن هذه العملية في الفترة الزمنية

$$t = n + h$$

كما يلي :

$$Z_{-}(n+h) = [\emptyset]_1 Z_{-}(n+h-1) + \dots + \emptyset_p Z_{-}(n+h-p) + a_{-}(n+h) - [\theta]_1 a_{-}(n+h-1) - \dots - \theta_q a_{-}(n+h-q) \dots (28)$$

ويمكن تقدير القيمة المتوقعة للمتغير

$$Z_{(n+h)}$$

في السابقة باستخدام المعلومات المتاحة حتي الفترة n كما يلي :

1-استبدال الاخطاء الحالية والسابقة a_{n-j} لجميع قيم $j \geq 0$ بالبقاوي الفعلية اي ان :

$$E(a_{(t-j)}) = a_{(t-j)} \quad j = 0, 1, 2, 3 \dots$$

2-استبدال الاخطاء اللاحقة $a_{(n+j)}$ حيث $0 < j \leq h$ التالي لم تحدث بعد بالقيمة المتوقعة :

$$E(a_{(t+j)}) = 0 \quad j = 1, 2, 3 \dots$$

3-استبدال المشاهدات الحالية والسابقة $Z_{(n-j)}$ $j = 0, 1, 2, 3 \dots$

4- استبدال المشاهدات اللاحقة $Z_{(n+j)}$ $j = 1, 2, 3 \dots$

$$E = (Z_{(n+j)})$$

وبالتالي يجب علينا اولا التنبؤ بكل من $Z_{(n+1)}, Z_{(n+2)}, \dots, Z_{(n+h-1)}$ حتي يمكننا التنبؤ بقيمة Z

$n+h$ كذلك يجب استبدال معالم النموذج بقيم مقدرات هذه المعالم .

ان اسلوب التنبؤ لاينطبق فقط علي نماذج ARIMA بل ينطبق ايضا علي النماذج الاخري حيث يمكن استخدام هذا الاسلوب للتوصل الي تنبؤات لها اقل متوسط مربعات خطأ تنبؤ للنماذج الموسمية والنماذج غير الموسمية سواء كانت ساكنة ام غير ساكنة . (سعد الدين,ابراهيم2001) .

-التنبؤ وفترات التنبؤ للنماذج : بالاضافة الي الحصول علي نقطة تنبؤ مثالية , قد نرغب في الكثير من الحالات في قياس مدى عدم التاكيد حول هذه النقطة . لذا سنقوم بايجاد الخطا المعياري لخطا التنبؤ ثم نقوم بانشاء فترات التنبؤ. ولحساب الاخطاء المعيارية لاختاا التنبؤ نقوم اولاً بالتعبير عن عملية ARIMA بدلالة التغيرات العشوائية , فبالتعويض المتتالي عن المشاهدات $(Z_{(t-2)}, \dots, Z_{(t-1)})$ يمكن كتابة النموذج بدلالة التغيرات العشوائية الحالية والسابقة فقط كما يلي :

$$Z_t = a_t + W_1 a_{(t-1)} + W_2 a_{(t-2)} + \dots \quad (29)$$

وتسمي $W_1, W_2, \dots$ بمعاملات الاخطاء او معاملات دالة الذاكرة وتعتمد قيمها علي نوع النموذج ARIMA المستخدم .

ويمكن استخدام المعادلة السابقة في النماذج للحصول علي دالة الذاكرة لبعض نماذج ARIMA الساكنة .
فالنسبة لنموذج AR(1) مثلاً وجدنا ان :

$$W_{-}(2) = \emptyset_{-}(12) \quad \llbracket W \rrbracket_{-}(1) = \emptyset_{-}1$$

وبصفة عامة فان :

$$W_{-}k = \emptyset_{-}1k$$

كذلك يمكن استخدام المعادلة السابقة لصياغة التنبؤ المثالي $\llbracket zn \rrbracket_{-}((h))$ بدلالة الاخطاء الحالي السابقة لنجد ان :

$$\llbracket zn \rrbracket_{-}((h)) = W_{-}(h) a_{-}(h) + W_{-}(h+1) a_{-}(n-1) + \dots (30)$$

وحيث ان خطأ التنبؤ لعدد h من الفترات القادمة هو :

$$a_{-}(n(h)) = Z_{-}(n+h) - Z_{-}n(h) \dots \dots \dots (31)$$

لذلك يمكن التعبير عن هذا الخطأ بالصورة التالية :

$$a_{-}(n(h)) = a_{-}(n+h) + W_{-}(1) a_{-}(n+h-1) + \dots + W_{-}(h-1) a_{-}(n+1) \dots (32)$$

ومن هذه المعادلة نستنتج ان : $\llbracket an \rrbracket_{-}((h)) \sim \llbracket MA \rrbracket_{-}((h-1))$ وذلك بغض النظر عن عملية
ARIMA الاصلية

التي نقوم بتحليلها . وعلي وجه التحديد نجد ان اخطاء التنبؤ لفترة واحدة قادمة هي

$$\llbracket an \rrbracket_{-}((1)) = a_{-}(n+1)$$

وبما ان :

$$a_{-}(n(h)) = a_{-}(n+h) + W_{-}(1) a_{-}(n+h-1) + \dots + W_{-}(h-1) a_{-}(n+1)$$

اذن :

$$E(a_{-}(n(h)) + E(a_{-}(n+h) + W_{-}(1) a_{-}(n+h-1) + \dots + W_{-}(h-1) a_{-}(n+1)) = 0 \dots (33)$$

وتباين اخطاء التنبؤ هو :

$$\begin{aligned} Var(a_{(n(h))}) &= E(a_{(2n(h))}) = E(a_{(n+h)}^2 + W_1^2 a_{(n+h-1)}^2 + \dots + \\ &W_{(h-1)}^2 a_{(n+1)}^2) = (1 + W_1^2 + \dots + W_{(h-1)}^2) \sigma_a^2 \\ \dots(34) \end{aligned}$$

اذن :

$$\begin{aligned} Var(a_{(n(h))}) &= \sigma_a^2 (1 + \sum_{j=1}^{(h-1)} W_j^2) = \sigma_a^2 \sum_{j=0}^{(h-1)} W_j^2 \\ &= \sigma_a^2 (1 + W_1^2 + \dots + W_{(h-1)}^2) \dots \dots \dots (35) \end{aligned}$$

10. تحليل البيانات ومناقشة النتائج

1-10 مقدمة: سوف نتناول في هذا الفصل تطبيق وبناء نموذج ARIMA للتنبؤ بتلاميذ الصف الاول مرحلة الاساس بولاية الخرطوم خلال الفترة من 1990 حتى 2021م بإستخدام أسلوب بوكس -جנקيز لتحليل السلسلة الزمنية ، **جمع البيانات:** تم جمع البيانات والتي تتألف من سلسلة زمنية تتكون من 32 مشاهدة للفترة من 1990 حتى 2021م بالسنوات موضحة بالجدول

جدول (2) : يوضح عدد التلاميذ للصف الاول بولاية الخرطوم

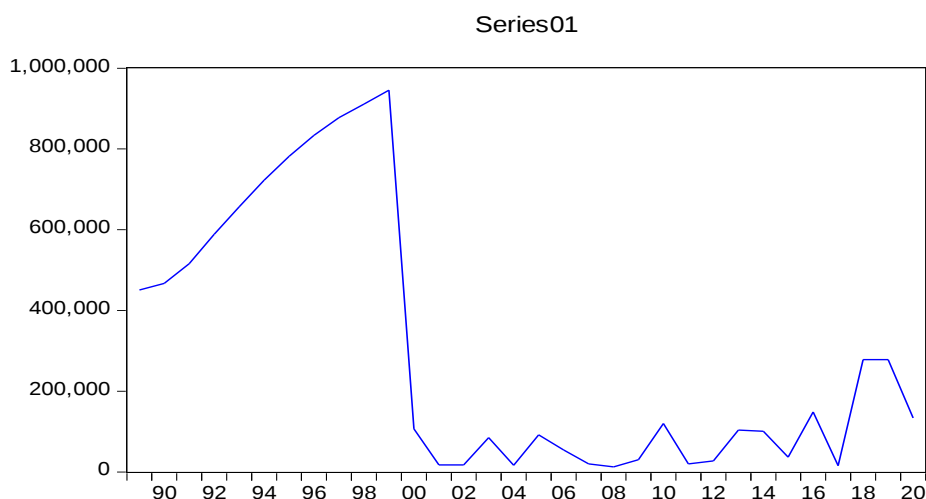
السنة الدراسية	عدد التلاميذ	السنة الدراسية	عدد التلاميذ
1990-1999	450583	2005-2006	91864
1991-1990	466878	2006-2007	74736
1992-1991	515869	2007-2008	19895
1993-1992	588542	2008-2009	12814
1994-1993	656593	2009-2010	30304
1995-1994	722551	2010-2011	120202
1996-1995	781683	2011-2012	20182
1997-1996	833535	2012-2013	27395
1998-1997	877633	2013-2014	103859
1999-1998	911211	2014-2015	100744
2000-1999	945653	2015-2016	36578
2001-2000	106500	2016-2017	148705
2002-2001	17338	2017-2018	15676
2003-2002	17368	2018-2019	278432

278432	2020 -2019	84875	2004 -2003
133748	2021 -2020	16631	2005 -2004

المصدر : تقارير وزارة التربية والتعليم ولاية الخرطوم خلال الفترة 1990-2021م

10-2 : تحليل بيانات السلسلة الزمنية: العرض البياني لأعداد تلاميذ الصف الاول : شكل (1) : يوضح تلاميذ

الصف الاول مرحلة الاساس للفترة من 1990م حتى 2021م



المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

من خلال البيانات المتمثلة في سلسلة تلاميذ الصف الاول وعددها 32 مشاهدة من 1990م حتي 2021م ،ومن خلال الشكل اعلاه نلاحظ ان السلسلة شهدت انخفاضا ملحوظا في السنوات الاخيرة حيث بلغت الى مستوى لها في السنة الدراسية 1999م-2000 حيث بلغت 945653 طالب وادنى مستوى لها في السنة الدراسية 2008-2009م حيث بلغت 12814 طالب. ويتبين ان السلسلة الزمنية تتصف بعدم السكون اذ نلاحظ وجود اتجاه عام تنازلي ، كما نلاحظ ان هنالك قيمتين مفقودة تمت معالجتها بالمتوسط العام للسلسلة.(278432) .

اختبارات استقرار السلسلة :

هناك عدة معايير في اختبار استقرارية السلسلة منها:

جدول (3) : دالة الارتباط الذاتي ودالة الارتباط الجزئي للسلسلة تلاميذ الصف الأول مرحلة الأساس

Date: 10/01/22 Time: 09:14								
Sample: 1989 2020								
Included observations: 32								
Autocorrelation		Partial Correlation		AC	PAC	Q-Stat	Prob	
				1	0.853	0.853	25.539	0.000
				2	0.714	-0.05...	44.018	0.000
				3	0.580	-0.06...	56.632	0.000
				4	0.447	-0.08...	64.393	0.000
				5	0.317	-0.08...	68.444	0.000
				6	0.204	-0.03...	70.189	0.000
				7	0.093	-0.08...	70.569	0.000
				8	-0.00...	-0.03...	70.569	0.000
				9	-0.08...	-0.07...	70.934	0.000
				1...	-0.16...	-0.04...	72.211	0.000
				1...	-0.20...	0.030	74.288	0.000
				1...	-0.23...	-0.04...	77.236	0.000
				1...	-0.24...	-0.00...	80.762	0.000
				1...	-0.25...	-0.03...	84.730	0.000
				1...	-0.26...	-0.04...	89.126	0.000
				1...	-0.27...	-0.09...	94.403	0.000

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

يتضح من الجدول أعلاه ل دالة الارتباط الذاتي أن معظم معاملات دالة الارتباط الذاتي تقع

خارج فترات الثقة (95%) لفترة طويلة مما يدل علي أن السلسلة غير ساكنة. وايضا نلاحظ ان قيمة Q-stat المحسوبة = 94.403 اكبر من قيمة (0.05, 16) X^2 الجدولية = 26.296 اي نرفض فرض العدم وتكون السلسلة غير مستقرة .

اختبار جذر الوحدة للاستقرار: للتأكد من سكون السلسلة الزمنية سيتم استخدام اختبار جذر الوحدة للاستقرار (اختبار ديكي فولار الموسع ADF) و (اختبار فيلب بيرون-Philips-perron) لسلسلة بيانات تلاميذ الصف الاول لمرحل الأساس

أختبار ديكي فولار الموسع ADF

جدول (4) : اختبار ADF لسلسلة بيانات تلاميذ الصف الاول لمرحل الاساس بوجود ثابت واتجاه زمني:

Null Hypothesis: SERIES01 has a unit root Exogenous: Constant, Linear Trend Lag Length: 0 (Automatic - based on SIC, maxlag=7)		
	t-Statistic	Prob.*
Augmented Dickey-Fuller test statistic	-1.974146	0.5920
Test critical values:	1% level	-4.284580
	5% level	-3.562882
	10% level	-3.215267
*MacKinnon (1996) one-sided p-values.		

المصدر : اعداد

جدول (5)

Null Hypothesis: SERIES01 has a unit root Exogenous: None Lag Length: 0 (Automatic - based on SIC, maxlag=7)		
	t-Statistic	Prob.*
Augmented Dickey-Fuller test statistic	-1.314049	0.1705
Test critical values:	1% level	-2.641672
	5% level	-1.952066
	10% level	-1.610400
*MacKinnon (1996) one-sided p-values.		

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج EvIEWS_9

جدول (6) اختبار ADF لسلسلة بيانات تلاميذ الصف الاول لمرحل الاساس بدون ثابت واتجاه زمني:

Null Hypothesis: D(SERIES01) has a unit root Exogenous: Constant Lag Length: 0 (Automatic - based on SIC, maxlag=7)		
	t-Statistic	Prob.*
Augmented Dickey-Fuller test statistic	-5.275114	0.0002
Test critical values:	1% level	-3.670170
	5% level	-2.963972
	10% level	-2.621007
*MacKinnon (1996) one-sided p-values.		

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج EvIEWS_9

2- اختبار فيليب بيرون-Pp

جدول (7) : اختبار Pp لسلسلة بيانات تلاميذ الصف الأول لمرحل الأساس بوجود ثابت:

Null Hypothesis: SERIES01 has a unit root Exogenous: Constant Bandwidth: 0 (Newey-West automatic) using Bartlett kernel		
	Adj. t-Stat	Prob.*
Phillips-Perron test statistic	-1.472692	0.5339
Test critical values:		
1% level	-3.661661	
5% level	-2.960411	
10% level	-2.619160	
*MacKinnon (1996) one-sided p-values.		

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج EvIEWS_9

جدول (8) : اختبار Pp لسلسلة بيانات تلاميذ الصف الأول لمرحل الأساس بوجود ثابت واتجاه زمني:

Null Hypothesis: SERIES01 has a unit root Exogenous: Constant, Linear Trend Bandwidth: 1 (Newey-West automatic) using Bartlett kernel		
	Adj. t-Stat	Prob.*
Phillips-Perron test statistic	-2.058407	0.5477
Test critical values:		
1% level	-4.284580	
5% level	-3.562882	
10% level	-3.215267	
*MacKinnon (1996) one-sided p-values.		

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج EvIEWS_9

جدول (9) : اختبار Pp لسلسلة بيانات تلاميذ الصف الأول لمرحل الأساس بدون ثابت واتجاه زمني:

Null Hypothesis: SERIES01 has a unit root Exogenous: None Bandwidth: 1 (Newey-West automatic) using Bartlett kernel		
	Adj. t-Stat	Prob.*
Phillips-Perron test statistic	-1.325471	0.1673
Test critical values:		
1% level	-2.641672	
5% level	-1.952066	
10% level	-1.610400	
*MacKinnon (1996) one-sided p-values.		

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج EvIEWS_9

جدول (10): يوضح نتائج اختبارات جذر الوحدة (اختبار ديكي فولار الموسع ADF) و(اختبار فيليب بيرون-Philips-perron) بنماذجها الثلاث لبيانات سلسلة التلاميذ للصف الاول

اختبارات جذر الوحدة	النماذج	القيمة الحرجة	القيمة الجدولية 5%
ديكي فولار الموسع ADF	بوجود ثابت واتجاه زمني	-1.97	-3.56
	بوجود ثابت	-1.47	-2.96
	بدون وجود ثابت واتجاه زمني	-1.31	-1.95
فيلب بيرون-Pp	بوجود ثابت واتجاه زمني	-2.05	-3.56
	بوجود ثابت	-1.47	-2.96
	بدون وجود ثابت واتجاه زمني	-1.32	-1.95

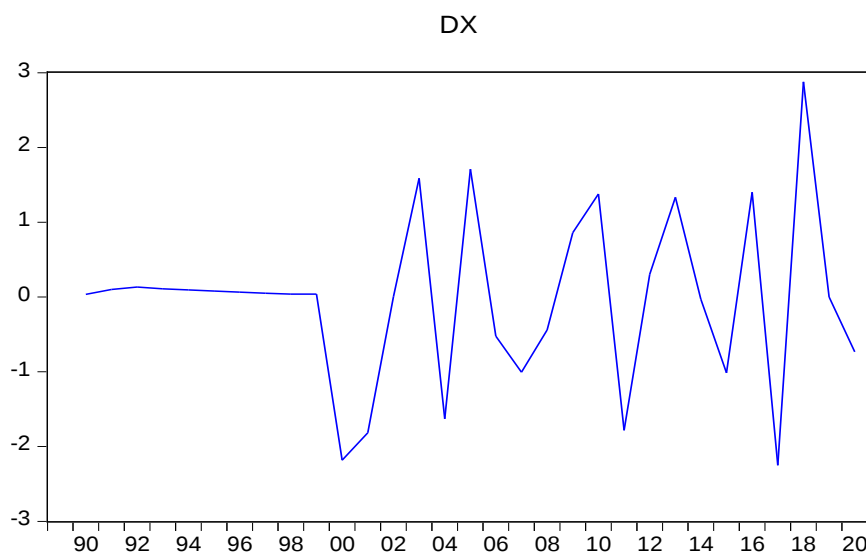
المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

نلاحظ من الجدول أعلاه لاختباري ADF, Pp إن جميع القيم المطلقة للقيم الحرجة اقل من القيم الجدولية أي أن السلسلة غير ساكنة مما يؤكد الاختبار السابق للارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي.

إزالة عدم السكون من السلسلة :

لغرض إزالة عدم سكون سلسلة سنجري عليها فروقات من الدرجة الأولى واللوغريثم لتتوصل علي الشكل التالي:

الشكل (2) المنحني البياني لسلسلة الفرق الأول للوغريثم بيانات تلاميذ الصف الاول لمرحل الاساس



المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

دالتي الارتباط الذاتي والجزئي لسلسلة الفرق الاول بيانات تلاميذ الصف الاول لمرحل الاساس

جدول رقم (11) دالتي الارتباط الذاتي والجزئي لسلسلة الفرق الاول بيانات تلاميذ الصف الاول لمرحل الاساس

Date: 10/05/22 Time: 08:03 Sample: 1989 2020 Included observations: 31						
Autocorrelation	Partial Correlation	AC	PAC	Q-Stat	Prob	
		1 -0.33...	-0.33...	3.8698	0.049	
		2 -0.07...	-0.21...	4.0600	0.131	
		3 0.017	-0.09...	4.0710	0.254	
		4 0.024	-0.02...	4.0926	0.394	
		5 -0.06...	-0.08...	4.2802	0.510	
		6 0.075	0.026	4.5134	0.608	
		7 -0.00...	0.025	4.5134	0.719	
		8 -0.00...	0.029	4.5134	0.808	
		9 -0.06...	-0.05...	4.7174	0.858	
		1... -0.00...	-0.07...	4.7209	0.909	
		1... 0.119	0.091	5.4421	0.908	
		1... -0.28...	-0.26...	9.8170	0.632	
		1... 0.206	0.038	12.218	0.510	
		1... -0.14...	-0.17...	13.429	0.493	
		1... 0.071	-0.00...	13.749	0.545	
		1... 0.049	0.069	13.915	0.605	

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

يتضح من الجدول أعلاه لدالة الارتباط الذاتي أن معظم معاملات دالة الارتباط الذاتي تقع داخل فترات الثقة (95%) لفترة طويلة مما يدل علي أن سلسلة التلميذ للصف الاول اصبحت ساكنة بعد أخذ الفرق الاول لها .وايضا نلاحظ ان قيمة Q-stat المحسوبة =13.9 اقل من قيمة $X^2(0.05, 16)$ الجدولية =26.296 اي نقبل فرض العدم وتكون السلسلة ساكنة.

اختبار جذر الوحدة للاستقرار: للتأكد من سكون السلسلة الزمنية سيتم استخدام اختبار جذر الوحدة للاستقرار (اختبار ديكي فولار الموسع ADF) و (اختبار فيلب بيرون Philips-perron) لسلسلة الفرق الاول لبيانات تلاميذ الصف الاول لمرحل الاساس

جدول (12) يوضح نتائج اختبارات جذر الوحدة (اختبار ديكي فولار الموسع ADF) و(اختبار فيلب بيرون-Philips-perron) بنماذجها الثلاث لبيانات سلسلة الفرق الاول التلاميذ للصف الاول

اختبارات جذر الوحدة	النماذج	القيمة الحرجة	القيمة الجدولية 5%
ديكي فولار الموسع ADF	بوجود ثابت واتجاه زمني	5.17-	3.56-
	بوجود ثابت	5.27-	2.96-
	بدون وجود ثابت واتجاه زمني	5.34-	1.95-
فيلب بيرون-Philips-perron	بوجود ثابت واتجاه زمني	5.17-	3.56-
	بوجود ثابت	5.27-	2.96-
	بدون وجود ثابت واتجاه زمني	5.34-	1.61-

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

يتبين من الجدول أعلاه لاختباري ADF, Pp إن جميع القيم المطلقة للقيم الحرجة اكبر من القيم الجدولية أي أن السلسلة ساكنة مما يؤكد الاختبار السابق للارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي.

خطوات التنبؤ وفقاً لمنهجية بوكس- جنكيز :

التعرف : في هذه المرحلة يتم تحديد الرتب p,q لنموذج ARIMA حتى يتم تقديره ويتم التحديد عن طريق دالتي الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي الموضحة بالجدول التالي: جدول (13) : دالتي الارتباط الذاتي والجزئي لسلسلة الفرق الاول بيانات تلاميذ الصف الاول لمرحلة الاساس

Date: 10/05/22 Time: 08:24 Sample: 1989 2020 Included observations: 31					
Autocorrelation	Partial Correlation	AC	PAC	Q-Stat	Prob
		1 -0.33...	-0.33...	3.8698	0.049
		2 -0.07...	-0.21...	4.0600	0.131
		3 0.017	-0.09...	4.0710	0.254
		4 0.024	-0.02...	4.0926	0.394
		5 -0.06...	-0.08...	4.2802	0.510
		6 0.075	0.026	4.5134	0.608
		7 -0.00...	0.025	4.5134	0.719
		8 -0.00...	0.029	4.5134	0.808
		9 -0.06...	-0.05...	4.7174	0.858
		1... -0.00...	-0.07...	4.7209	0.909
		1... 0.119	0.091	5.4421	0.908
		1... -0.28...	-0.26...	9.8170	0.632
		1... 0.206	0.038	12.218	0.510
		1... -0.14...	-0.17...	13.429	0.493
		1... 0.071	-0.00...	13.749	0.545
		1... 0.049	0.069	13.915	0.605

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

من الجدول أعلاه لدالتي الارتباط الذاتي والجزئي للبيانات سنقوم بالتعرف علي النموذج المناسب وذلك بتحديد رتبة MA,AR التي تخضع لها السلسلة الزمنية المستقرة وذلك بمشاهدة تنؤ الخروج عن مجال لثقة لدالتي الارتباط الذاتي والجزئي حيث نلاحظ أن معاملات الارتباط الذاتي تساوي معنويا الصفر وهذا يعني أن السلسلة تخضع لنموذج $MA(0)$ ، من جهة أخرى بالنظر إلي دالة الارتباط الذاتي الجزئي نلاحظ أن المعاملات تساوي الصفر بالتالي السلسلة تخضع هي الأخرى لنموذج $AR(0)$.

سوف نقوم بالمفاضلة بين ثلاثة نماذج نموذج قبل النموذج المقترح ونموذج بعد للتوصل الي النموذج الأفضل.

جدول (14) :نموذج $ARIMA(2,1,0)$

Dependent Variable: X Method: ARMA Maximum Likelihood (BFGS) Date: 10/07/22 Time: 11:56 Sample: 1989 2020 Included observations: 32 Convergence achieved after 5 iterations Coefficient covariance computed using outer product of gradients				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	293498.9	258884.6	1.133705	0.2665
AR(1)	0.898545	0.378083	2.376581	0.0245
AR(2)	-0.064118	0.392442	-0.163382	0.8714
SIGMASQ	2.64E+10	7.76E+09	3.406002	0.0020
R-squared	0.739781	Mean dependent var		295834.7
Adjusted R-squared	0.711900	S.D. dependent var		323898.2
S.E. of regression	173852.2	Akaike info criterion		27.12553
Sum squared resid	8.46E+11	Schwarz criterion		27.30875
Log likelihood	-430.0086	Hannan-Quinn criter.		27.18627
F-statistic	26.53385	Durbin-Watson stat		1.926425
Prob(F-statistic)	0.000000			
Inverted AR Roots	.82	.08		

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج EvIEWS_9

جدول (15) : نموذج $ARIMA(1,1,0)$

Dependent Variable: X Method: ARMA Maximum Likelihood (BFGS) Date: 10/07/22 Time: 11:46 Sample: 1989 2020 Included observations: 32 Convergence achieved after 5 iterations Coefficient covariance computed using outer product of gradients				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	294916.1	269388.8	1.094760	0.2826
AR(1)	0.842348	0.142221	5.922790	0.0000
SIGMASQ	2.66E+10	7.88E+09	3.373275	0.0021
R-squared	0.738518	Mean dependent var		295834.7
Adjusted R-squared	0.720484	S.D. dependent var		323898.2
S.E. of regression	171242.5	Akaike info criterion		27.06724
Sum squared resid	8.50E+11	Schwarz criterion		27.20466
Log likelihood	-430.0759	Hannan-Quinn criter.		27.11279
F-statistic	40.95307	Durbin-Watson stat		1.813478
Prob(F-statistic)	0.000000			
Inverted AR Roots	.84			

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج EvIEWS_9

جدول (16): نموذج ARIMA(1,1,1)

Dependent Variable: X Method: ARMA Maximum Likelihood (BFGS) Date: 10/07/22 Time: 11:57 Sample: 1989 2020 Included observations: 32 Convergence achieved after 8 iterations Coefficient covariance computed using outer product of gradients				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	293766.2	262489.2	1.119155	0.2726
AR(1)	0.824643	0.189680	4.347554	0.0002
MA(1)	0.068194	0.438240	0.155609	0.8775
SIGMASQ	2.65E+10	7.77E+09	3.404562	0.0020
R-squared	0.739643	Mean dependent var		295834.7
Adjusted R-squared	0.711747	S.D. dependent var		323898.2
S.E. of regression	173898.3	Akaike info criterion		27.12597
Sum squared resid	8.47E+11	Schwarz criterion		27.30919
Log likelihood	-430.0156	Hannan-Quinn criter.		27.18670
F-statistic	26.51483	Durbin-Watson stat		1.915117
Prob(F-statistic)	0.000000			
Inverted AR Roots	.82			
Inverted MA Roots	-.07			

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

اختيار النموذج المناسب وتقدير معالم النموذج المختار: وهناك عدة معايير لاختيار لنموذج الأفضل استخدمنا منها معيارين Akaika(AIC),Schwarz(SC),

جدول رقم(17) معايير اختيار النموذج الأفضل لنماذج ARIMA

MODEL	SC	AIC	HQ
ARIMA(2,1,0)	27.30	27.12	27.18
ARIMA(1,1,0)	27.20	27.06	27.11
ARIMA(1,1,1)	27.30	27.12	27.18

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

ومن خلال استعراض المؤشرات الاساسية التي يتم الاعتماد عليها في المفاضلة بين النماذج المختلفة نجد أن نموذج ARIMA(1,1,0) هو صاحب اقل قيمة لكل من معيار HQ ومعيار SC و يأخذ النموذج الشكل التالي:

$$= [\Phi_1 z]_{t-1} + a_t z_t$$

$$= [(0.84)z]_{t-1} + a_t z_t$$

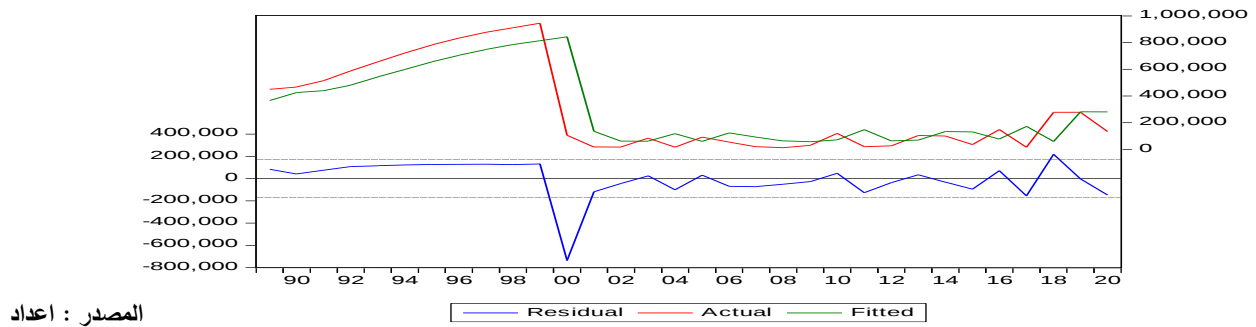
نلاحظ تحقق شرط السكون في النموذج وذلك كلاتي:

$$-1 < \Phi_1 < 1$$

$$-1 < 0.84 < 1$$

الفحص التشخيصي للنموذج : سوف نقوم باختبار النموذج الملائم أي التأكد من أن النموذج مناسب من اجل القيام بعملية التنبؤ .

مقارنة بين السلسلتين الأصلية والمقدرة: الشكل (3) : الرسم البياني للمقارنة بين السلسلتين الأصلية والمقدرة



الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

من خلال الشكل (3) نجد أن هنالك شبه تطابق بين المنحنيين :منحني السلسلة الأصلية Actual ومنحني السلسلة المقدرة Fitted أما منحني سلسلة البواقي التقدير Residual فيلتف بشكل عشوائي علي محور الفواصل هذا من شأنه أن يعطينا فكرة علي عدم وجود ارتباط ذاتي بين الأخطاء.

دالة الارتباط الذاتي ودالة الارتباط الذاتي الجزئي لسلسلة اللبواقيجدول رقم(18) دالتي الارتباط الذاتي والجزئي لسلسلة اللبواقي

لنموذج ARIMA(1,1,0)

Date: 10/07/22 Time: 12:26 Sample: 1989 2020 Included observations: 32 Q-statistic probabilities adjusted for 1 ARMA term					
Autocorrelation	Partial Correlation	AC	PAC	Q-Stat	Prob
		1 0.075	0.075	0.1995	
		2 0.044	0.038	0.2685	0.604
		3 0.004	-0.00...	0.2691	0.874
		4 0.045	0.043	0.3467	0.951
		5 -0.05...	-0.05...	0.4519	0.978
		6 0.012	0.017	0.4579	0.994
		7 -0.05...	-0.05...	0.6015	0.996
		8 -0.04...	-0.03...	0.6852	0.998
		9 -0.06...	-0.05...	0.9114	0.999
		1... -0.12...	-0.11...	1.6336	0.996
		1... 0.003	0.031	1.6340	0.998
		1... -0.06...	-0.06...	1.8765	0.999
		1... -0.03...	-0.02...	1.9589	0.999
		1... -0.02...	-0.01...	1.9918	1.000
		1... 0.028	0.015	2.0409	1.000
		1... -0.08...	-0.08...	2.5122	1.000

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

يتضح من الجدول أعلاه لدالة الارتباط الذاتي ودالة الارتباط الذاتي الجزئي بالنسبة لسلسلة البواقي ان جميع معاملات الارتباط الذاتي تقع داخل فترات الثقة (95%) لفترات طويلة مما يدل علي سكون سلسلة البواقي.

دالتي الارتباط الذاتي والجزئي لسلسلة مربعات البواقي

جدول (19) : دالتي الارتباط الذاتي والجزئي لسلسلة مربعات البواقي لنموذج ARIMA(1,1,0)

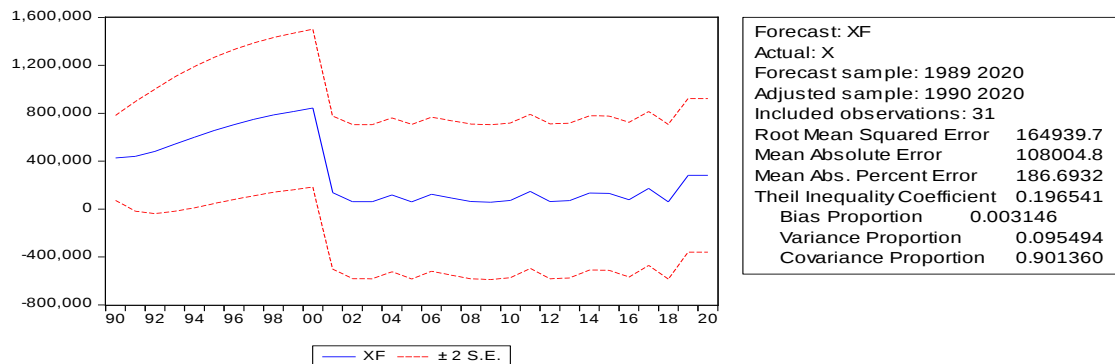
Date: 10/07/22 Time: 12:27 Sample: 1989 2020 Included observations: 32					
Autocorrelation	Partial Correlation	AC	PAC	Q-Stat	Prob
		1 -0.00...	-0.00...	0.0023	0.962
		2 -0.03...	-0.03...	0.0506	0.975
		3 -0.03...	-0.03...	0.1014	0.992
		4 -0.02...	-0.02...	0.1182	0.998
		5 -0.04...	-0.04...	0.1853	0.999
		6 -0.03...	-0.04...	0.2392	1.000
		7 -0.03...	-0.04...	0.3047	1.000
		8 -0.05...	-0.06...	0.4244	1.000
		9 -0.06...	-0.07...	0.6316	1.000
		1... -0.07...	-0.08...	0.8810	1.000
		1... -0.03...	-0.05...	0.9440	1.000
		1... -0.02...	-0.05...	0.9856	1.000
		1... -0.02...	-0.06...	1.0347	1.000
		1... -0.03...	-0.06...	1.0904	1.000
		1... -0.01...	-0.05...	1.1135	1.000
		1... -0.02...	-0.07...	1.1602	1.000

المصدر : إعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews-9

تم من خلال الجدول أعلاه نلاحظ أن سلسلة مربعات البواقي مستقرة كون أن من خلال بيانات الجدول السابق نجد كل معاملات الارتباط الذاتي معظمها داخل مجال الثقة 95%

اختبار مقدرة النموذج علي التنبؤ: هنالك عدة اختبارات تستخدم لمعرفة مقدرة النموذج علي التنبؤ استخدمنا منها: معامل ثيل لعدم التساوي:

شكل رقم (4) الرسم البياني للقيم التنبؤية للفترة 1990حتى2021



المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

نلاحظ من الشكل إن معامل ثيل 0.19 وهو اقل من الواحد وهذا دليل علي ان مقدرة النموذج علي التنبؤ جيدة.
إحصائية ديرين واتسن:

تستخدم هذه الإحصائية للكشف عن الارتباط الذاتي للبواقي وذلك باختبار الفروض التالية

فرض العدم: "لا يوجد ارتباط ذاتي "

فرض البديل: "يوجد ارتباط ذاتي "

بالرجوع للشكل لنموذج $ARIMA(0,0,1)$ كانت D.W المحسوبة تساوي (1.81) تقريبا تساوي (2) اذن فاننا نقبل فرض العدم بعدم وجود ارتباط بين قيم حد الخطأ العشوائي.

اختبار ثبات التباين للنموذج:

جدول (20): اختبار ARCH لنموذج $ARIMA(1,0,0)$

Heteroskedasticity Test: ARCH			
F-statistic	0.001873	Prob. F(1,29)	0.9658
Obs*R-squared	0.002002	Prob. Chi-Square(1)	0.9643

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

من الجدول السابق نجد ان القيمة الاحتمالية لـ F-statistic للإختبار و القيمة الاحتمالية -chi. square للإختبار اكبر من 0.05% مما يدل علي ثبات تباين النموذج.

التنبؤ Forecasting:

بعد التأكد من صلاحية النموذج يتم استخدامه في التنبؤ بالمشاهدات المستقبلية للظاهرة ،ومن الجدير بالذكر انه لا يمكن الانتقال الي هذه المرحلة الا بعد اجتياز النموذج المقترح اختبارات صلاحية النموذج فاذا لم يتم ذلك فلا بد من العودة مرة اخرى الي المرحلة الاولى وهي تحديد النموذج وتكرر العملية حتي نحصل علي نموذج يجتاز كل إختبارات الصلاحية وباستخدام النموذج الملائم $ARIMA(1,0,0)$ للبيانات باستخدام برنامج E-views امكن الحصول علي تنبؤات ل 10 سنة قادمة للفترة من 2022محتى 2031م وهي موضحة بالشكل بالرسم البياني والجدول يوضح القيم التنبؤية

الشكل (5) : القيم التنبؤية لتلاميذ الصف الاول مرحلة الاساس بالخرطوم 2021م حتى 2031م :



المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews_9

جدول(21) : القيم التنبؤية لتلاميذ الصف الأول مرحلة الأساس بالخرطوم 2021م حتى 2031م :

القيم التنبؤية	السنوات
159156	2021
180559	2022
198587	2023
213774	2024
226566	2025
237341	2026
246418	2027
254064	2028
260504	2029
265929	2030
270499	2031

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد علي برنامج Eviews

11. النتائج والتوصيات

11-1 النتائج:

ان سلسلة اعداد تلاميذ الصف الأول مرحلة الأساس بولاية الخرطوم خلال (1990-2021) غير ساكنة.

سلسلة اعداد تلاميذ الصف الأول بمرحلة الأساس بولاية الخرطوم خلال (1990-2021) سكنت عند الفرق الأول .

ان النموذج المناسب للتنبؤ باعداد تلاميذ الصف الأول مرحله الأساس بولاية الخرطوم خلال (1990-2021) هو ARIMA(1.1.0).

اظهرت التنبؤات باعداد التلاميذ الصف الأول مرحلة الأساس بولاية الخرطوم اتجاه عام تزايدى مع الزمن خلال الفترة 2021-2031م.

11-2 التوصيات:

علي الجهات المختصة بالتخطيط لمرحلة الأساس بولاية الخرطوم استخدام النموذج ARIMA(1.1.0) في التنبؤ باعداد التلاميذ في المستقبل.

على الجهات المختصة وضع الخطط والبرامج التي تساهم في استيعاب اعداد التلاميذ بالصف الاول خلال
الفترة القادمة (2021-2031)م وذلك لان التنبؤات خلال هذه الفترة اظهر اتجاه عام تزايدى .
اجراء مزيد من الدراسات باستخدام نماذج السلاسل الزمنية والاساليب الاحصائية الاخرى على العوامل الاخرى
التي تمكن من التنبؤ باعداد تلاميذ مرحلة الاساس بولاية الخرطوم.
ضرورة اهتمام وزارة التربية والتعليم بولاية الخرطوم بعملية حفظ واسترجاع وادارة البيانات الخاصة بالعملية
التعليمية.

المراجع

أولا :المراجع باللغة العربية:

1. طارق محمد الرشيد ,واخرون(2010م):"سلسلة الاقتصاد القياسي التطبيقي باستخدام برنامجeviews,استقرار السلاسل الزمنية ومنهجية التكامل المشترك" ، دار عزة للنشر ، السودان ،ص11.
2. محمود حسين محمد رشيد(2003م):"الإحصاء الوصفي والتطبيقي والحيوي" ,دار صفاء للنشر,الأردن ,ص185.
3. سمير مصطفى شعراوي(2005م):"مقدمة في التحليل الحديث للسلاسل الزمنية"، كلية الملك عبد العزيز ص60-42.
4. سعد الدين محمد سعد الدين, واخرون(2001م):"السلاسل الزمنية" ، جامعة الجزيرة,كلية العلوم الرياضية والحاسوب.
5. نوريه عبد محمد بكري (2000م):"بناء نماذج محاكاة متكاملة لاستخدام كأداة مختبره في تدريس ماده بناء النماذج في بحوث العمليات" ، رسالة ماجستير غير منشوره,جامعة بغداد,ص28-22.
6. عبد الحميد عبد المجيد البلداوي(2004م):"الأساليب الإحصائية التطبيقية"، دار الشروق للنشر ,الأردن ص241.
7. عبد القادر محمد(2005م):"الحديث في الاقتصاد القياسي" ، الدار الجامعية للطباعة الاسكندرية,ص725.
8. عدنان هاشم الوردي (1990م):"اساليب التنبؤ الإحصائي طرق وتطبيقات"، جامعة البصرة,مطبعة دار الحكمة في البصرة, ص1981-32,730-21.
9. علي العلوانه واخرون(2005م):"بحوث العمليات في العلوم التجارية"، الاردن,ص113.
10. خالد بن سعد الجضعي(2006م):"تقنيات صنع القرار (تطبيقات حاسوبية)"، مركز البحوث والدراسات في كلية فهد الامنية,ص1-2.
11. خالد زهدي خواجه (2000م):"السلاسل الزمنية"، المعهد العربي للتدريب والبحوث الاحصائية ,بغداد ,ص27.

ثانيا: المراجع باللغة الانجليزية

1.A.H.studenmd and henry J1991.Cassidy,Using Econometrics A practical Guide, 2ndEd ,Harper Collinsher,publisher,58